

CC 2

Université De Strasbourg - Contrôle continu du 8-10-2014

LICENCE PHYSIQUE 2^{ème} ANNÉE

Mention Physique

Nom de l'U.E. : Interférences, Diffraction et Spectroscopie

Cours de : K.D. Dorkenoo, E. Baussan

Durée 1h30. Documents non autorisés.

Exercice 1 : Propagation d'ondes

Considérons l'équation de propagation pour une onde $\psi(x, t)$:

$$\frac{\partial^2}{\partial x^2} \psi(x, t) = \frac{1}{c^2} \frac{\partial^2}{\partial t^2} \psi(x, t)$$

1. Soient deux ondes $\psi_1(x, t) = A_1 \sin(kx - \omega t)$ et $\psi_2(x, t) = A_2 \cos(kx - \omega t)$, démontrer que $\psi(x, t) = \psi_1(x, t) + \psi_2(x, t)$ est solution de l'équation de propagation
2. Déterminer si $\psi_3(x, t) = A_3 \sin(kx) \cos(\omega t)$ est aussi une solution.
3. Sous quelle condition sur c , l'expression $\psi_4(x, t) = A_4 e^{-(2x+3t)^2}$ est aussi une solution de l'équation de propagation ? (Afin de faciliter le calcul, il est possible de poser $u(x, t) = -(2x + 3t)^2$)

Exercice 2 : Polarisation

Une onde plane monochromatique de pulsation ω et de longueur d'onde λ se propage dans le vide suivant l'axe Oz. Cette onde d'amplitude E_0 est polarisée verticalement suivant l'axe Ox. Un polariseur est placé sur la trajectoire de cette onde dont l'axe fait un angle θ avec l'axe vertical.

1. Donner l'expression des composantes du champ $\vec{E}(z, t)$ avant et après le polariseur.
2. Déterminer l'intensité de l'onde à la sortie du polariseur
3. Le dispositif expérimental contient maintenant une série de N polariseurs qui sont orientés suivant un angle $\theta = \frac{\pi}{2N}$ par rapport à l'axe du précédent. Déterminer l'intensité à la sortie du dispositif. Quelle est l'intensité pour $N \rightarrow +\infty$?

Exercice 3 : Pouvoir rotatoire

D'une manière générale, la polarisation d'une onde électromagnétique dans le vide peut être décrite de la manière suivante :

$$\vec{E}(z, t) = \begin{pmatrix} E_{0x} \cdot \cos(\omega t - k_0 \cdot z) \\ E_{0y} \cdot \cos(\omega t - k_0 \cdot z + \phi) \\ 0 \end{pmatrix}$$

avec ω la pulsation, k_0 le vecteur d'onde dans le vide et ϕ une phase quelconque. Dans la suite nous considérerons $E_{0x} = E_{0y} = E_0$.

1. Écrire les champs électriques pour ces $\phi = 0$, $\phi = +\phi/2$ et $\phi = -\phi/2$. À quelles types de polarisation correspondent-elles ? Faire un petit schéma dans le plan (E_x, E_y) pour décrire l'évolution temporelle du champ électrique.

2. Montrer qu'une polarisation linéaire peut se décomposer en deux polarisations circulaires gauche \vec{E}_L et droite \vec{E}_R .

$$\vec{E}(z, t) = E_0 \cdot \vec{u}_x \cdot \cos(\omega t - k \cdot z)$$

Dans le plan (E_x, E_y) représenter les vecteurs \vec{E} , \vec{E}_R et \vec{E}_L pour $z=0$ et $t = \frac{T}{8}$.

3. Certains matériaux possèdent la propriété d'agir sur les polarisations circulaires. Dans un tel matériau, le passage d'une onde de polarisation circulaire gauche (droite) verra un indice n_L (n_R), les vecteurs d'ondes à considérer dans la lame seront donc $k_L = n_L \cdot k_0$ et $k_R = n_R \cdot k_0$. Écrire les champs à la sortie d'une lame d'épaisseur d ,
4. Montrer que le champ résultant à la sortie de la lame est polarisé rectilignement avec un angle θ qui sera exprimé en fonction de la différence d'indice $n_R - n_L$, du vecteur d'onde k_0 et de l'épaisseur de lame d .¹

1. $\cos(p) + \cos(q) = 2 \cdot \cos\left(\frac{p+q}{2}\right) \cdot \cos\left(\frac{p-q}{2}\right)$ et $\sin(p) - \sin(q) = 2 \cdot \sin\left(\frac{p-q}{2}\right) \cdot \cos\left(\frac{p+q}{2}\right)$